



APLICAÇÃO DO MODELO ECONOMICO DE LEONTIEF

Carlos Eduardo Albuquerque
Andreia Taborda Dos Santos

RESUMO

O objetivo deste trabalho é explicar o modelo econômico de Leontief o qual existem dois principais exemplos diferentes, mas semelhantes, o modelo fechado, ou também conhecido como modelo input-output, e o modelo aberto, também conhecido como modelo de produção. Para cada um desses modelos são dadas algumas medidas que descrevem as inter-relações entre as indústrias do modelo econômico considerado usando teoria de matrizes para calcular alguns outros parâmetros como por exemplo, os preços e níveis de produção para suprir um objetivo econômico que uma empresa almeja alcançar. No modelo geral de input-output nós temos um sistema econômico que consiste em um número finito de “indústrias” que podem ser identificadas pelos números $1, 2, 3, \dots, k$. Durante algum período fixo de tempo, cada indústria produz algo, que pode ser um bem ou algum serviço prestado, que é utilizado da forma que a empresa quiser, mas o problema é encontrar preços que convêm com o que a empresa precisa cobrar por esses produtos de tal maneira que, para cada indústria o total gasto equivalha o recebido pelo serviço. Se considerarmos que P_i é o preço cobrado pela indústria I sob sua produção total, e E_{ij} é a parte da empresa J que é comprada pela empresa I , com $i, j = 1, 2, 3, \dots, k$. temos assim: (i) $P_i \geq 0$, $i = 1, 2, \dots, k$. (ii) $E_{ij} \geq 0$, $i, j = 1, 2, \dots, k$. (iii) $E_{1j} + E_{2j} + \dots + E_{kj} = 1$, $j = 1, 2, \dots, k$. Com essa quantidade é possível formar o vetor preço e a matriz de troca. A condição (iii) expressa que a soma de todas as colunas da matriz de troca é igual a um. Como no exemplo citado para que o gasto seja igualado ao rendimento a equação matricial deve ser satisfeita. É importante ressaltar que para o sistema fazer sentido é preciso que os preços p_i dos k produtos sejam números positivos. Essa condição é expressa por $p \geq 0$. Exemplo: $E = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ sendo assim $(I - E)p = 0$ tem solução geral $p = s \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} + t \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix}$ em que s e t são constantes arbitrárias independentes. Dados quaisquer $s \geq 0$ e $t \geq 0$, ambos não nulos, temos soluções não triviais $p \geq 0$.

Palavras-Chave: indústria; matrizes; sistema.